

# EIN DEUTSCHES DIGITALES SIGNATURVERFAHREN AUF DEM WEG ZUM INTERNATIONALEN KRYPTOGRAPHISCHEN STANDARD



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT



15. Deutscher IT-  
Sicherheitskongress  
16/05/2017

Nina Bindel  
TU Darmstadt

# ALGORITHMUS VON SHOR, 1994

Polynomial-Time Algorithms for Prime Factorization  
and Discrete Logarithms on a Quantum Computer\*

Peter W. Shor<sup>†</sup>



**RSA und ECDSA  
nicht mehr sicher**

A digital computer is generally considered to be a physical device; that is, it is believed that an increase in computational power is not possible. It is true when quantum mechanics is taken into account. Factoring integers and finding discrete logarithms, two problems which are generally thought to be hard on a classical computer and which have been used as the basis of several proposed cryptosystems. Efficient randomized algorithms are given for these two problems on a hypothetical quantum computer. These algorithms take a number of steps polynomial in the input size, e.g., the number of digits of the integer to be factored.

**Keywords:** algorithmic number theory, prime factorization, discrete logarithms, Church's thesis, quantum computers, foundations of quantum mechanics, spin systems, Fourier transforms

**AMS subject classifications:** 81P10, 11Y05, 68Q10, 03D10

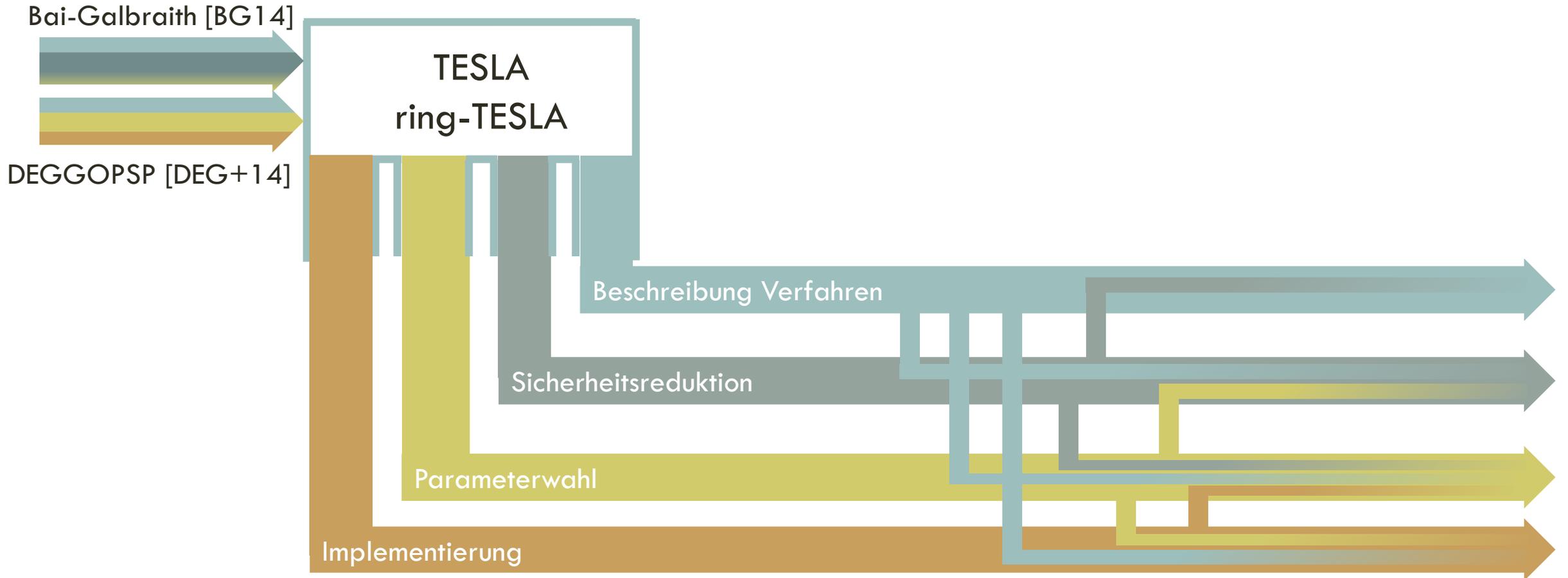
# QUANTUM COMPUTER REALISTISCH?

- nature.com, 03. 01. 2017:  
**„Quantum computers ready to leap out of the lab in 2017”**
- Abschätzung der EU-Kommision:  
bis 2035 universeller Quantencomputer

# BETTER SAFE THAN SORRY

- NSA, 2015 : (Teilweiser) Wechsel von klassischer zu post-quantum Kryptografie
- NIST, 2017: Start des Standardisierungswettbewerbs/Post-Quantum-Projekt

# POST-QUANTUM KANDIDAT



# UNTERSTÜTZER UND MITAUTOREN

- Sedat Akleylek<sup>1</sup>
- Erdem Alkim<sup>2</sup>
- Johannes Buchmann<sup>3</sup>
- Özgür Dagdelen<sup>4</sup>
- Edward Eaton<sup>5,6</sup>
- Gus Gutoski<sup>6</sup>
- Juliane Krämer<sup>3</sup>
- Giorgia Marson<sup>7</sup>
- Filip Palewa<sup>5,6</sup>
- Peter Schwabe<sup>8</sup>

1 Ondukuz Mayıs University, Türkei  
2 Ege University, Türkei

3 TU Darmstadt, Deutschland  
4 BridginiT GmbH, Deutschland

5 University of Waterloo, Kanada  
6 ISARA cooperation, Kanada

7 Ruhr-Universität Bochum, Deutschland  
8 Radboud University, The Netherlands

# BISHERIGE ENTWICKLUNG VON TESLA

**Jul. 2015:**  
[ABBDP15]  
(TESLA)

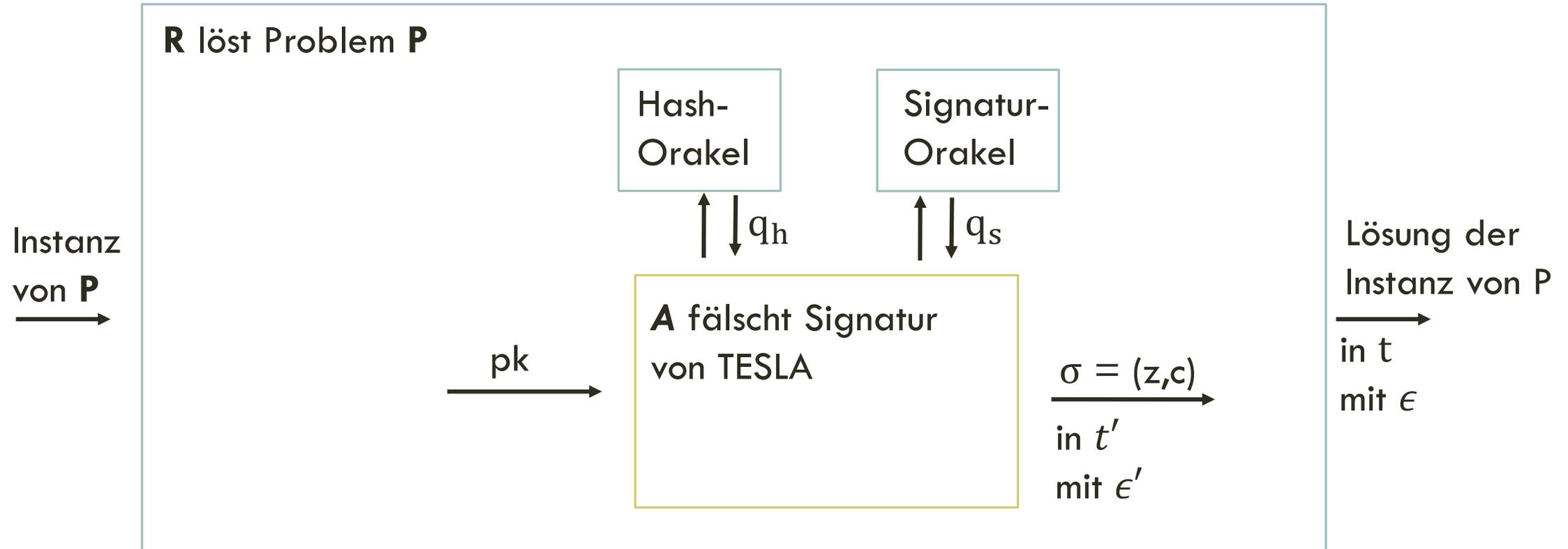
Strikte Reduktion  
im ROM

Verbesserte  
Parameter\*

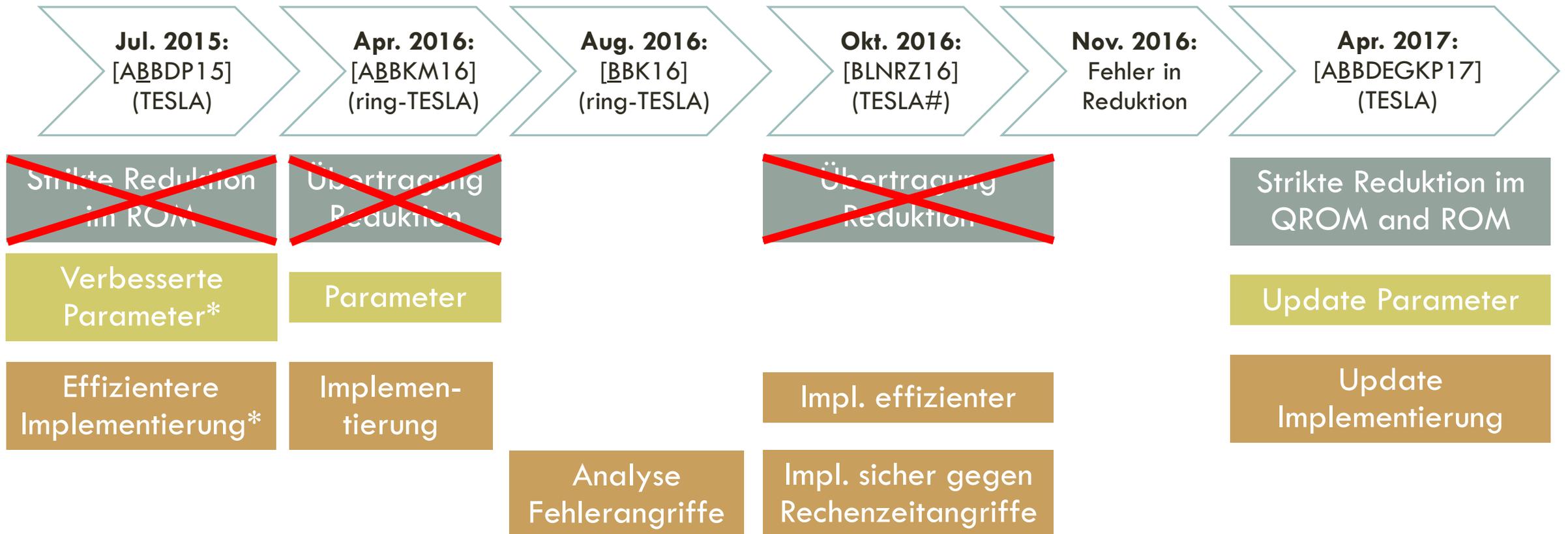
Effizientere  
Implementierung\*

\* Im Vgl. zu [BG14] und [DEG+14]

# SICHERHEITSREDUKTION



# BISHERIGE ENTWICKLUNG VON TESLA



\* Im Vgl. zu [BG14] und [DEG+14]

# GLIEDERUNG

- Beschreibung Signaturverfahren TESLA & Unterschiede ring-TESLA
- Beschreibung Parameterwahl
- Implementierung & Vergleich
- Geplante nächste Schritte

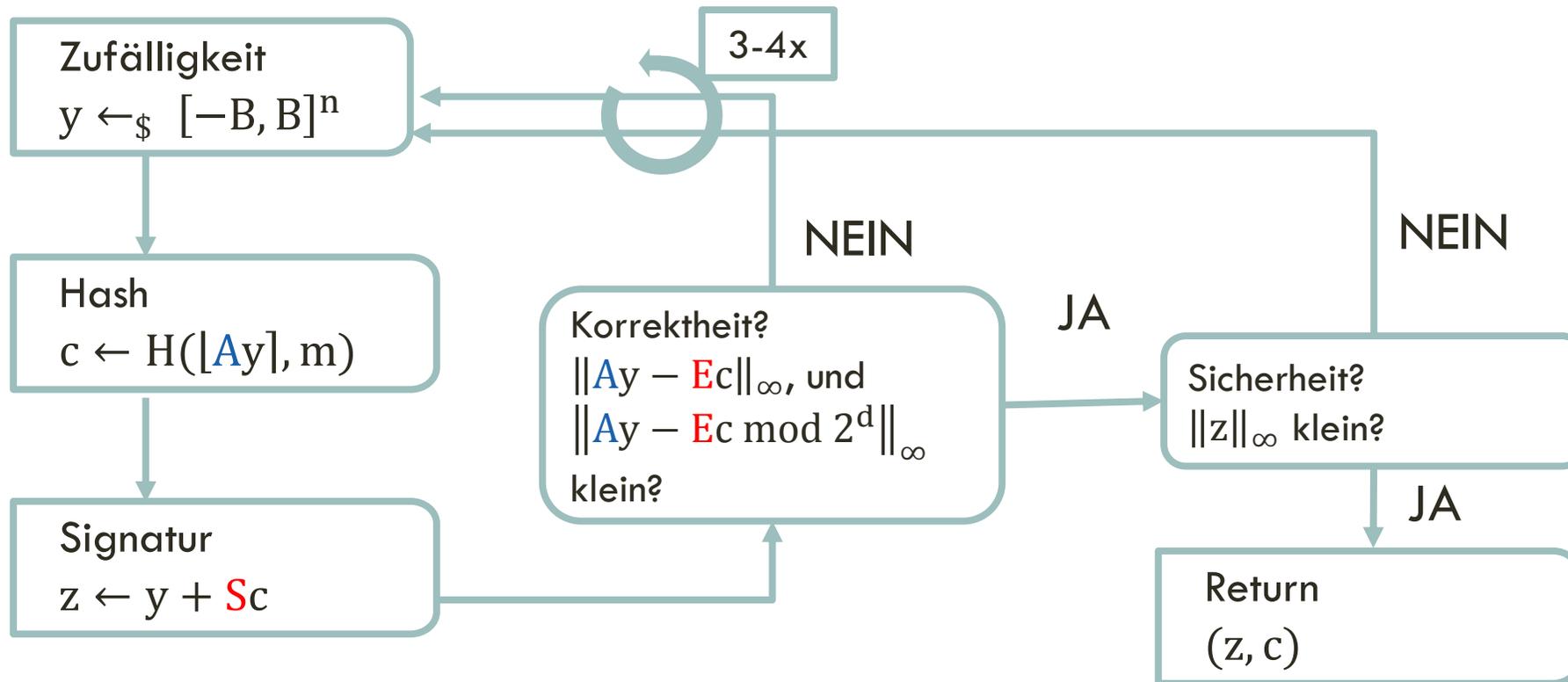
# TESLA - SIGNATURERSTELLUNG

$$A \leftarrow_{\$} \mathbb{Z}_q^{m \times n}$$

$$sk = (S, E) \leftarrow_{\sigma} \mathbb{Z}_q^{n \times n} \times \mathbb{Z}_q^{m \times n}$$

$$pk = (A, B = AS + E \text{ mod } q)$$

Sign(sk, m):



# RING-TESLA

$$\begin{aligned} A &\leftarrow_{\$} \mathbb{Z}_q^{m \times n} \\ \text{sk} &= (\mathbf{S}, \mathbf{E}) \leftarrow_{\sigma} \mathbb{Z}_q^{n \times n} \times \mathbb{Z}_q^{m \times n} \\ \text{pk} &= (A, B = \mathbf{AS} + \mathbf{E}) \end{aligned}$$

Rechenintensivste  
Operation

Großer  
Speicherplatz

$$\begin{aligned} a_1, a_2 &\leftarrow_{\$} \mathbb{Z}_q[x] / \langle x^n + 1 \rangle \\ \text{sk} &= (\mathbf{s}, \mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2) \leftarrow_{\sigma} \mathbb{Z}_q[x] / \langle x^n + 1 \rangle \\ \text{pk} &= (a_1, a_2, b_1 = a_1 \mathbf{s} + \mathbf{e}_1, b_2 = a_2 \mathbf{s} + \mathbf{e}_2) \end{aligned}$$

# LEARNING WITH ERRORS PROBLEM

$$A \cdot ? + ? = b \pmod{q}$$

$$A \cdot s + e = b \pmod{q}$$

Gegeben:

$$A \leftarrow_{\$} \mathbb{Z}_q^{m \times n}$$
$$b \leftarrow \mathbb{Z}_q^m$$

Finde:

$$(s, e) \leftarrow_{\sigma} \mathbb{Z}_q^n \times \mathbb{Z}_q^m$$

# SICHERHEITSREDUKTION TESLA

## Theorem

Für entsprechende Parameter gilt: Falls M-LWE  $(t, \epsilon)$ -schwer ist,  
dann ist TESLA  $(t', \epsilon', q_h, q_s)$ -sicher (EUF-CMA) im „quantum random oracle model“

mit  $t \approx t'$  und

$$\epsilon' < \epsilon + \text{negl}(\lambda).$$

- Parameter gewählt sodass
- das Verfahren korrekt,
  - die Reduktion strikt und
  - das Verfahren sicher ist.

# BIT-SICHERHEIT UND BIT-HARDNESS

angestrebtes Sicherheitslevel  $\lambda$  von TESLA = Bit-Hardness  $\eta$  von LWE

~~- Sicherheitsverlust durch Reduktion~~

- Sicherheitsverlust Reduktion LWE auf  $M$ -LWE

---

$$\lambda = 96$$

wähle LWE-Instanz mit Bit-Hardness

$$\eta = 110$$

Bit-Hardness = Laufzeitabschätzung schnellster (klassischer oder quantum) Angriffe

# VERGLEICH SICHERHEITSEIGENSCHAFTEN

Signaturverfahren	Jahr	Problem	ROM?	Strikt?	QROM?	Strikt?
GPV	2008	SIS	✓	✓	✓	✓
GLP	2012	DCK	✓	✗	-	-
GPV-poly	2013	R-SIS	✓	✓	✓	✓
BLISS	2013	R-SIS, NTRU	✓	✗	-	-
BG	2014	SIS, LWE	✓	✗	-	-
TESLA	2017	LWE	✓	✓	✓	✓

# VERGLEICH EFFIZIENZ

Verfahren/ Instanziierung	Cycle counts [k-cycles]		Speicherplatz [kB]			Klassische Sicherheit
	Signierung	Verifikation	pk	sk	Sig.	[bit]
GPV	312 800	50 600	27 840	12 064	29	96
TESLA	27 244	5 375	4 808	2 895	1,9	96

# GEPLANTE NÄCHSTE SCHRITTE

TESLA  
(Mai 2017)

Strikte Red.  
im (Q)ROM

Parameter

Implemen-  
tierung



Übertragung strikte Red. [ABBDEGKP17] im QROM

oder

Übertragung nicht-strikte Red. [BG14] im ROM

Update Parameter

Update Implementierung

Analyse Cache-Seitenkanäle

Impl. sicher gegen Impl.-angriffe

Bereits in Arbeit

# ZUSAMMENFASSUNG

- Entwicklung und aktuellen Forschungsstand von TESLA:
  - Gitterbasiertes Signaturverfahren
  - Strikte Reduktion von LWE im QROM
  - Parametervorschlag und Implementierung
- Nächste Schritte für ring-TESLA
  - Übertragung Ergebnisse TESLA
  - Sichere Implementierung

...mit dem Ziel der Einreichung beim NIST-PQ-Projekt